

با سمهه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشرته‌ی: علوم تجربی	ساعت شروع: ۸ صبح	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۱ / ۳ / ۳	سال سوم آموزش متوسطه		
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱		
نمره	سوالات		ردیف

۱	جاهای خالی را با عبارات مناسب پر کنید. الف) هر زیر مجموعه‌ی فضای نمونه‌ای را، یک در فضای نمونه‌ای می‌نامیم. ب) به پدیده‌هایی که از به وقوع پیوستن آن اطمینان نداشته باشیم، می‌گوییم. ج) اگر اعضای فضای نمونه‌ای قابل شمارش باشد، آن را یک فضای نمونه‌ای می‌نامیم. د) اگر A, B , $A \cap B \neq \emptyset$ و S پاشند و $A \cap B \neq \emptyset$ ، در این صورت B , A را دو پیشامد می‌نامیم.	۱
۲	از جعبه‌ای که شامل <u>۴</u> مهره سفید و <u>۳</u> مهره سبز و <u>۲</u> مهره سیاه می‌باشد، <u>۳</u> مهره به تصادف خارج می‌کنیم، مطلوب است احتمال آن که: ب) حداقل <u>۲</u> مهره سبز باشد. الف) فقط <u>۲</u> مهره سفید باشد.	۲
۱	احتمال این که رضا در کنکور قبول شود $\frac{1}{6}$ و احتمال آن که علی در کنکور قبول شود $\frac{1}{3}$ می‌باشد، احتمال آن که حداقل یکی از آنها در کنکور قبول شود را به دست آورید.	۳
۱/۷۵	نامعادله‌ی $x - 2 \geq \frac{2x - 1}{x + 2}$ را حل کنید و سپس مجموعه جواب آن را به صورت بازه بنویسید.	۴
۰/۷۵	$\sin(\alpha + \beta) - \sin(\alpha - \beta) = 2 \cos \alpha \sin \beta$ درستی رابطه مقابله می‌نماید.	۵
۱/۷۵	اگر $f(x) = ax^3 + bx + c$ باشد، a, b, c را طوری بباید که این سه‌می محور x را در نقطه‌ای به عرض <u>۴</u> و محور x را در نقطه‌ای به طول <u>۱</u> قطع کند و از نقطه‌ای (۱,۰) نیز بگذرد.	۶
۱	$f(x) = \begin{cases} 1+x^2 & x \geq 0 \\ 1-\frac{x}{2} & x < 0 \end{cases}$ نمودار $f(x)$ رارسم کرده، سپس $f(-4)$ را به دست آورید.	۷
۱/۷۵	اگر $f(x) = x + 3$ و $g(x) = \sqrt{1-x}$ دو تابع باشند: الف) دامنه f, g را به دست آورید. ب) دامنه تابع gof را با استفاده از تعریف محاسبه کنید. ج) ضابطه fog را بنویسید.	۸

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: علوم تجربی
تاریخ امتحان: ۱۳۹۱ / ۳ / ۳	سال سوم آموزش متوسطه	
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱	
نمره	سوالات	ردیف

۱/۷۵	<p>اگر به ازای هر $x \in (-\pi, \pi)$ داشته باشیم: $f(x) \leq 4 - \tan\left(\frac{x}{2}\right) \leq 4 - \cos^2 x \leq f(x)$ حد تابع $f(x)$ وقتی $x \rightarrow \frac{\pi}{2}$ را به دست آورید.</p>	۹
۳	<p>حاصل حد های زیر را به دست آورید.</p> <p>(الف) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 2x}{3 - \sqrt{x+1}}$</p> <p>(ب) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x + \sqrt{x+1}}{5x + \sqrt{4x^2 + 1}}$</p> <p>(ج) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1 - \cos 2x}{x^2}$</p> <p>(د) $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{3}{(x-1)^2}$</p>	۱۰
۱/۲۵	<p>پیوستگی تابع $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 1}{x^2 - 3x + 2} & x \neq 1 \\ -3 & x = 1 \end{cases}$ را در $x = 1$ بررسی کنید.</p>	۱۱
۱/۷۵	<p>مشتق تابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست).</p> <p>(الف) $f(x) = \frac{1}{2x+1} + (\sqrt{x})(x+5)$</p> <p>(ب) $g(x) = 4 \tan\left(\frac{x}{3}\right) + \cos^2(6x)$</p>	۱۲
۱	<p>با استفاده از تعریف مشتق، مشتق تابع $f(x) = x^3 + 2x$ را در $x = -1$ به دست آورید.</p>	۱۳
۱/۲۵	<p>معادله حرکت متحرکی به صورت $s(t) = \frac{1}{2}t^2 - 3t + 1$ می باشد.</p> <p>(الف) سرعت متوسط این متحرک را در فاصله زمانی $t = 4$ تا $t = 0$ به دست آورید.</p> <p>(ب) آهنگ آنی تغییرات $f(t)$ را در $t = 7$ بیابید.</p>	۱۴
۲۰	<p>جمع نمره</p> <p>«موفق باشید»</p>	

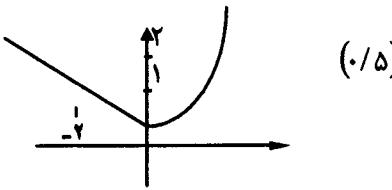
با اسمه تعالی

رشته‌ی : علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تاریخ امتحان : ۱۳۹۱ / ۳ / ۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://ace.medu.ir	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) پیشامد (۰/۲۵) ب) پدیده تصادفی (۰/۲۵) ج) گستته (۰/۲۵) د) سازگار (۰/۲۵)	۱
۲	$n(s) = \binom{9}{3} = 84 \quad (0/25)$ $n(A) = \binom{4}{2} \binom{5}{1} = 6 \times 5 = 30 \quad (0/25) \rightarrow p(A) = \frac{n(A)}{n(s)} = \frac{30}{84} \quad (0/25)$ $n(B') = \binom{3}{3} = 1 \quad (0/25) \rightarrow p(B') = \frac{n(B')}{n(s)} = \frac{1}{84} \quad (0/25)$ $p(B) = 1 - p(B') = 1 - \frac{1}{84} = \frac{83}{84} \quad (0/25)$	۲
۳	$\left. \begin{array}{l} p(A \cup B) = p(A) + p(B) - p(A \cap B) \\ p(A \cap B) = p(A) \times P(B) = 0/3 \times 0/6 = 0/18 \end{array} \right\} \Rightarrow P(A \cup B) = 0/6 + 0/3 - 0/18 = 0/72 \quad (0/25)$	۳
۴	$\frac{(x-2)(x+2)-2x+1}{x+2} \geq 0 \quad (0/25) \Rightarrow \frac{x^2-4-2x+1}{x+2} \geq 0 \quad (0/25)$ $\frac{x^2-2x-3}{x+2} \geq 0 \Rightarrow \frac{(x+1)(x-3)}{x+2} \geq 0 \quad (0/25)$ 	۴
	جواب : $(-2, -1] \cup [3, +\infty)$ $(0/5)$	

با سمه تعالی

رشته‌ی: علوم تجربی	راهنمای تصویب امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۱ / ۳ / ۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir	دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسرکشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱

ردیف	راهنمای تصویب	نمره
۵	$\sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta - \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta = 2 \cos \alpha \sin \beta \quad (./25)$	۰/۷۵
۶	$f(x) = ax^2 + bx + c$ $\begin{cases} 0 \\ 1 \\ 2 \end{cases} \Rightarrow 0 = a + b + c \Rightarrow a + b = 0 \quad (./5)$ $\begin{cases} 0 \\ 1 \\ 2 \end{cases} \Rightarrow 1 = a - b + c \Rightarrow a - b = 1 \quad (./10)$ $\begin{cases} 0 \\ 1 \\ 2 \end{cases} \Rightarrow 2 = a + b + c \Rightarrow a + b = -2 \quad (./10)$ $\left. \begin{array}{l} a = -1 \\ b = 1 \end{array} \right\} \Rightarrow a = -1, b = 1$	۱/۷۵
۷	$f(-1) = 3 \quad (./25)$ $f(2) = 10 \quad (./25)$ 	۱
۸	a) $D_f = \mathbb{R} \quad (./25)$ و $D_g = 1-x \geq 0 \rightarrow x \leq 1 \quad (./25)$ b) $D_{gof} = \{x \in D_f \mid f(x) \in D_g\} = \{x \in \mathbb{R} \mid x+3 \leq 1\} = (-\infty, -2] \quad (./25)$ c) $fog(x) = f(g(x)) = f(\sqrt{1-x}) = \sqrt{1-x} + 3 \quad (./25)$	۱/۷۵
۹	$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \tan x = \infty \\ \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} 1 - \cos x = 0 \end{cases} \Rightarrow \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} f(x) = \infty \quad (./25)$ پس طبق قفسه‌گی:	۰/۷۵

با سمه تعالی

رشته‌ی: علوم تجربی	راهنمای تصویب امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۱/۳/۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانشآموزان و داوطلبان آزاد سراسرکشی در خرداد ماه سال ۱۳۹۱

ردیف	راهنمای تصویب	نمره
۱۰	$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 2x}{3 - \sqrt{x+1}} \times \frac{3 + \sqrt{x+1}}{3 + \sqrt{x+1}} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x^2 - 2x)(3 + \sqrt{x+1})}{(3 - x - 1)(3 + \sqrt{x+1})} =$ $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x(x-2)(3 + \sqrt{x+1})}{-(x-2)} = -12 \quad (./25)$ $\text{b) } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x + \sqrt{4x^2 + 1}}{5x + \sqrt{4x^2 + 1}} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x}{5x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x}{5x + 2x} = \frac{2}{7}$ $(./25) \quad (./25)$ $\text{c) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{x^2} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x^2} = \lim_{x \rightarrow 0} 2\left(\frac{\sin x}{x}\right)^2 = 2 \times \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\sin x}{x}\right)^2 = 2(1)^2 = 2$ $(./25) \quad (./25)$ $\text{d) } \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{3}{(x-1)^2} = \frac{3}{(-)^2} = \frac{3}{0^+} = +\infty \quad (./25)$	۳
۱۱	$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x+1)}{(x-1)(x-2)} = -2 \quad (./25)$ $f(1) = -3 \quad (./25)$ <p>بنابراین تابع $f(x)$ در $x=1$ پیوسته نیست. (./25)</p>	۱/۲۵
۱۲	$\text{a) } f'(x) = \frac{-2}{(2x+1)^2} + \frac{1}{2\sqrt{x}}(x+5) + 1(\sqrt{x})$ $(./25) \quad (./25) \quad (./25)$ $\text{b) } g'(x) = 4 \times \frac{1}{3} \left(1 + \tan^2\left(\frac{x}{3}\right)\right) + 2\left(\frac{x}{3}\right) \left(\cos^2\left(\frac{x}{3}\right)\right) (-\sin\left(\frac{x}{3}\right))$ $(./5) \quad (./5)$	۱/۷۵
	«ادامه در صفحه ی چهارم»	

با اسمه تعالی

رشته‌ی : علوم تجربی	راهنمای تصویب امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تاریخ امتحان : ۱۳۹۱ / ۳ / ۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir	دانشآموzan و داوطلبان آزاد سراسرکشور در خرداد ماه سال ۱۳۹۱

ردیف	راهنمای تصویب	نمره
۱۳	$f'(-1) = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{f(x) - f(-1)}{x + 1} = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 + 2x + 3}{x + 1} = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x+1)(x^2 - x + 2)}{(x+1)} = 5 \quad (0/20)$	۱
۱۴	$\Delta f = \frac{f(4) - f(0)}{4 - 0} = \frac{(-2) - (1)}{4} = -1$ الف) $\Delta f = \frac{f(4) - f(0)}{4 - 0} = \frac{(-2) - (1)}{4} = -1$ ب) $f'(t) = t - 2 \Rightarrow f'(4) = 4$	۱/۲۵
	جمع نمره	۲۰

با سلام و خسته نباشد، مصححین محترم ، لطفاً برای راه حل های درست دیگر بارم را به تناسب تقسیم نمائید.